



Marti, 9 Aprilie, 2019

Problema 1. Determinați toate tripletele (a, b, c) de numere reale astfel încât $ab + bc + ac = 1$ și

$$a^2b + c = b^2c + a = c^2a + b.$$

Problema 2. Fie n un întreg strict mai mare ca 0. Pe o tablă $2n \times 2n$ sunt așezate dominouri astfel încât fiecare pătrățel al tablei este vecin cu exact un pătrățel acoperit de un domino. Determinați, pentru fiecare n , numărul maxim de dominouri care pot fi așezate astfel.

(Un *domino* este o piesă 2×1 sau 1×2 . Dominourile sunt așezate pe tablă astfel încât fiecare domino acoperă exact două pătrățele ale tablei. Două pătrățele se numesc *vecine* dacă sunt distincte și au o latură comună.)

Problema 3. Fie ABC un triunghi astfel încât $\angle CAB > \angle ABC$ și fie I centrul cercului său înscris. Fie D punctul de pe segmentul BC pentru care $\angle CAD = \angle ABC$. Fie ω cercul care trece prin I și este tangent la AC în A . Fie X al doilea punct de intersecție al lui ω cu cercul circumscris triunghiului ABC . Demonstrați că bisectoarele unghiurilor $\angle DAB$ și $\angle CXB$ se intersectează într-un punct situat pe dreapta BC .