



الثلاثاء 9 أبريل 2019.

**السؤال الأول:** أوجدي كل الثلاثيات  $(a, b, c)$  من الأعداد الحقيقية التي تحقق  $ab + bc + ca = 1$  وكذلك

$$a^2b + c = b^2c + a = c^2a + b$$

**السؤال الثاني:** لتكن  $n$  عدد صحيح موجب. وضعنا قطع دومينو على لوح  $2n \times 2n$  بطريقة ما بحيث كل خلية في اللوح تجاور خلية واحدة فقط مغطاة بقطعة دومينو. لكل عدد  $n$  ، أوجدي أكبر عدد يمكن من قطع الدومينو يمكن وضعها بحيث تتحقق الطريقة الموضحة. (قطعة الدومينو هي بلاطة من النوع  $1 \times 2$  أو  $2 \times 1$ . يتم وضعها على اللوح بحيث تغطي خليتين متجاورتين ولا يوجد أي قطعتين فوق بعضهما (لا يوجد تقاطع) ، نقول عن خليتين أنهما متجاوتان إذا كانا يشتراكان في ضلع واحد فقط).

**السؤال الثالث:**

في المثلث  $ABC$  لدينا  $\angle CAB > \angle ABC$  . النقطة  $I$  هي مركز الدائرة الداخلية للمثلث  $ABC$  . النقطة  $D$  تقع على القطعة المستقيمة  $BC$  بحيث  $\angle CAD = \angle ABC$  . الدائرة  $\omega$  تمس المستقيم  $AC$  عند  $A$  وتمر بالنقطة  $I$  . ولتكن النقطة  $X$  هي نقطة التقاطع الثانية بين الدائرة  $\omega$  والدائرة المحيطة للمثلث  $ABC$  . أثبت أن منصفي الزاويتين  $\angle CXB$  و  $\angle DAB$  يتقاطعان في نقطة واحدة تقع على المستقيم  $BC$  .

اللغة: العربية

الوقت: 4 ساعات و نصف

لكل سؤال 7 درجات