



Language: **Serbian**

Day: **2**

Sreda, 13.4.2016.

Zadatak 4. Dva kruga, ω_1 i ω_2 , istog poluprečnika seku se u različitim tačkama X_1 i X_2 . Posmatrajmo krug ω koji spolja dodiruje krug ω_1 u tački T_1 , i iznutra dodiruje ω_2 u tački T_2 . Dokazati da se prave X_1T_1 i X_2T_2 seku u tački koja leži na krugu ω .

Zadatak 5. Dati su prirodni brojevi k i n tako da važi $k \geq 2$ i $k \leq n \leq 2k - 1$. Na šahovsku tablu dimenzija $n \times n$ postavljamo pravougaone pločice, svaka od njih dimenzija $1 \times k$ ili $k \times 1$, tako da svaka pločica pokriva tačno k polja table, i dve pločice se ne preklapaju. Pločice se postavljaju sve dok postavljanje nove pločice više nije moguće. Za svako takvo k i n , odrediti najmanji broj pločica koje mogu biti postavljene na opisani način.

Zadatak 6. Sa S označimo skup svih prirodnih brojeva n takvih da je n^4 deljiv nekim od brojeva iz skupa $\{n^2 + 1, n^2 + 2, \dots, n^2 + 2n\}$. Dokazati da postoji beskonačno mnogo elemenata skupa S svakog od oblika $7m$, $7m + 1$, $7m + 2$, $7m + 5$, $7m + 6$, i nijedan element oblika $7m + 3$ ili $7m + 4$, gde je m ceo broj.