



Language: Japanese

Day: 2

2016年4月13日 水曜日

問題 4. 半径の等しい2つの円 ω_1, ω_2 が異なる点 X_1, X_2 で交わっている。円 ω は ω_1 と点 T_1 で外接し、 ω_2 と点 T_2 で内接する。このとき、直線 X_1T_1, X_2T_2 は ω 上の点で交わることを示せ。

問題 5. k, n は整数であり、 $k \geq 2, k \leq n \leq 2k - 1$ をみたしている。 $1 \times k$ または $k \times 1$ の長方形のタイルを $n \times n$ のマス目に、どのタイルも k 個の連続するマスを覆うように、またどの2つのタイルも重ならないように置いていく。これを、それ以上タイルが置けなくなるまで行う。各 k, n に対し、それ以上タイルが置けなくなったときのタイルの枚数としてありうる最小の値を求めよ。

問題 6. S を正の整数 n であり、 n^4 が $n^2 + 1, n^2 + 2, \dots, n^2 + 2n$ の中に約数をもつようなものの全体からなる集合とする。整数 m を用いて $7m, 7m + 1, 7m + 2, 7m + 5, 7m + 6$ の形で表される S の元はそれぞれ無限個あり、 $7m + 3$ または $7m + 4$ の形で表される S の元は存在しないことを示せ。