

Sreda, 13.4.2016.

**Zadatak 4.** Dva kruga,  $\omega_1$  i  $\omega_2$ , istog poluprečnika seku se u različitim tačkama  $X_1$  i  $X_2$ . Posmatrajmo krug  $\omega$  koji spolja dodiruje krug  $\omega_1$  u tački  $T_1$ , i iznutra dodiruje  $\omega_2$  u tački  $T_2$ . Dokazati da se prave  $X_1T_1$  i  $X_2T_2$  seku u tački koja leži na krugu  $\omega$ .

**Zadatak 5.** Dati su prirodni brojevi  $k$  i  $n$  tako da važi  $k \geq 2$  i  $k \leq n \leq 2k - 1$ . Na šahovsku tablu dimenzija  $n \times n$  postavljamo pravougaone pločice, svaka od njih dimenzija  $1 \times k$  ili  $k \times 1$ , tako da svaka pločica pokriva tačno  $k$  polja table, i dve pločice se ne preklapaju. Pločice se postavljaju sve dok postavljanje nove pločice više nije moguće. Za svako takvo  $k$  i  $n$ , odrediti najmanji broj pločica koje mogu biti postavljene na opisani način.

**Zadatak 6.** Sa  $S$  označimo skup svih prirodnih brojeva  $n$  takvih da je  $n^4$  deljiv nekim od brojeva iz skupa  $\{n^2 + 1, n^2 + 2, \dots, n^2 + 2n\}$ . Dokazati da postoji beskonačno mnogo elemenata skupa  $S$  svakog od oblika  $7m, 7m + 1, 7m + 2, 7m + 5, 7m + 6$ , i nijedan element oblika  $7m + 3$  ili  $7m + 4$ , gde je  $m$  ceo broj.