



EGMO | 2015  
European Girls' Mathematical Olympiad  
Minsk, Belarus

Language: **Macedonian**

Day: **2**

Петок, 17 април, 2015

#### **Проблем 4.**

Определи дали постои бесконечна низа од позитивни цели броеви  $a_1, a_2, a_3, \dots$ , таква да равенството

$$a_{n+2} = a_{n+1} + \sqrt{a_{n+1} + a_n}$$

е исполнето за секој природен број  $n$ .

#### **Проблем 5.**

Нека  $m$  и  $n$  се позитивни цели броеви такви што  $m > 1$ . Анастазија ги разделила броевите  $1, 2, \dots, 2m$  на  $m$  парови. Потоа Борис избрал по еден број од секој пар и го пресметал збирот на избраните броеви. Докажи дека Анастазија може да формира парови така да Борис не може да добие збир  $n$ .

#### **Проблем 6**

Нека  $H$  е ортоцентар а  $G$  е тежиште на остроаголниот триаголник  $\Delta ABC$  за кој  $AB \neq AC$ . Правата  $AG$  ја сече описаната кружница околу триаголникот  $\Delta ABC$  во точките  $A$  и  $P$ . Нека  $P'$  е симетрична точка на точката  $P$  во однос на правата  $BC$ . Докажи дека  $\angle CAB = 60^\circ$  ако и само ако  $HG = GP'$ .

Language: Macedonian

Време за работа: 4 часа и 30 минути  
Секој проблем вреди 7 поени