

Language: Arabic (Tunisian)

Day: 1

- C نعتبر المثلث ABC حاد الزوایا ، ونعتبر D هو طرف الارتفاع الصادر من D . منصف الزاویة \widehat{ABC} یتقاطع مع (CD) فی E ویتقاطع مع الدائرة \widehat{ABC} بالمثلث منصف F ویتقاطع مع الدائرة $\widehat{ADF}=45^\circ$ مرة أخرى فی F. إذا كانت $\widehat{ADF}=45^\circ$ أثبت أن \widehat{ADF} ماس للدائرة \widehat{ADF}
- n^2 دومينو هي قطعة 1×2 أو 2×1 . أحسب بكم طريقة نستطيع أن نضع n^2 دومينو بالضبط بدون تراكب جزئين من قطعتين فوق بعضهما في لوح شطرنج $2n \times 2n$ بحيث يحتوي كل مربع 2×2 على الأقل على مربعين 1×1 غير مغطيين ينتميان لنفس الصف أو العمود.
 - 3. نعتبر m,n عددين صحيحين أكبر من 1 و نعتبر a_1,a_2,\ldots,a_m أعداداً صحيحة طبيعية خالفة للصفر n^m . أثبت أنه يوجد أعداداً صحيحة طبيعية مخالفة للصفر b_1,b_2,\ldots,b_m

 $\gcd(a_1+b_1,a_2+b_2,\ldots,a_m+b_m) < n,$. x_1,x_2,\ldots,x_m ترمز إلى القاسم المشترك الأكبر للأعداد $\gcd(x_1,x_2,\ldots,x_m)$ بحيث

مدة الأختبار: 4 ساعات ونصف يخصص لكل سؤال 7 نقاط