Language: Indonesian

Day: 1

Sabtu, 12 April 2014

- **Soal 1.** Tentukan semua konstanta real t sedemikian hingga jika a, b, c adalah panjang sisi-sisi sebuah segitiga, maka $a^2 + bct$, $b^2 + cat$, $c^2 + abt$ juga merupakan panjang sisi-sisi sebuah segitiga. Segitiga yang dimaksud adalah segitiga yang non-degenerate, yaitu segitiga dengan titik-titik sudut tidak segaris.
- **Soal 2.** Misalkan D dan E berturut-turut adalah titik di (dalam) sisi AB dan sisi AC dari segitiga ABC, sedemikian hingga DB = BC = CE. Misalkan garis-garis CD dan BE bertemu di F. Buktikan bahwa titik pusat lingkaran dalam I dari segitiga ABC, titik tinggi H (orthocentre) dari segitiga DEF dan titik tengah M dari busur BAC dari lingkaran luar segitiga ABC kolinear (terletak pada garis yang sama)
- **Soal 3.** Kita misalkan banyaknya pembagi positif dari sebuah bilangan bulat positif m dengan d(m) dan banyaknya pembagi prima yang berbeda dari m dengan $\omega(m)$. Misalkan k adalah bilangan bulat positif. Buktikan bahwa ada tak hingga banyaknya bilangan bulat positif n sedemikian hingga $\omega(n) = k$ dan d(n) tidak membagi $d(a^2 + b^2)$ untuk semua bilangan bulat positif a, b yang memenuhi a + b = n.

Language: Bahasa Indonesia Waktu: 4 jam dan 30 menit Setiap soal bernilai 7 poin